

**Проверочная работа  
по МАТЕМАТИКЕ**

**8 КЛАСС**

**Образец**

**Инструкция по выполнению работы**

На выполнение работы по математике даётся 90 минут. Работа содержит 17 заданий. В заданиях, после которых есть поле со словом «Ответ», запишите ответ в указанном месте.

В заданиях, после которых есть поле со словами «Решение» и «Ответ», запишите решение и ответ в указанном месте.

Если Вы хотите изменить ответ, зачеркните его и запишите рядом другой.

Запрещено пользоваться учебниками, рабочими тетрадями, справочниками, калькулятором.

Можно пользоваться черновиком. Записи в черновике проверяться и оцениваться не будут.

Советуем выполнять задания в том порядке, в котором они даны. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий.

**Желаем успеха!**

*Таблица для внесения баллов участника*

Номер задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	Сумма баллов	Отметка за работу
Баллы																			

1

Найдите значение выражения  $\frac{\sqrt{32} \cdot \sqrt{6}}{\sqrt{12}}$ .

1

## Ответ:

2

Решите уравнение  $x^2 - 36 = 5x$ .

1

## Ответ:

3

## Какие из следующих утверждений верны?

- 1) Если в параллелограмме две стороны равны, то такой параллелограмм является ромбом.
  - 2) Если в четырёхугольнике две диагонали равны и перпендикулярны, то такой четырёхугольник — квадрат.
  - 3) Если в ромбе диагонали равны, то такой ромб является квадратом.
  - 4) В любой трапеции оба угла при меньшем основании тупые.

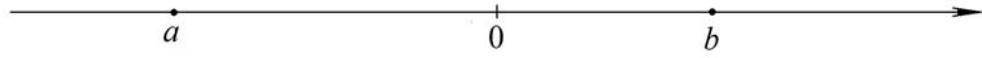
1

Ответ:

4

На координатной прямой отмечены числа  $a$  и  $b$ . Отметьте на прямой какую-нибудь точку  $x$  так, чтобы при этом выполнялись три условия:  $x-a > 0$ ,  $x-b < 0$  и  $a^2x > 0$ .

Ответ:



5

При сборке продуктового заказа сборщик кладет в пакет примерно 3 кг картофеля. Расположите следующие события в порядке возрастания их вероятностей.

- A* «масса картофеля в пакете от 2,9 до 3,2 кг»  
*B* «масса картофеля в пакете не более чем на 100 г отклоняется от 3 кг»  
*C* «масса картофеля в пакете не более чем на 200 г отклоняется от 3 кг»  
*D* «масса картофеля в пакете от 2,5 до 3,5 кг»

1

## Ответ:

6

В ромбе  $KLMN$  диагонали пересекаются в точке  $T$ . Из точки  $T$  опущен перпендикуляр  $TH$  на сторону  $KN$ . Найдите тупой угол ромба, если  $\angle LTH = 153^\circ$ . Ответ дайте в градусах.

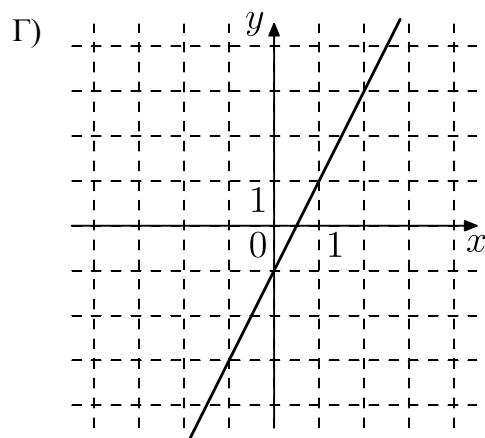
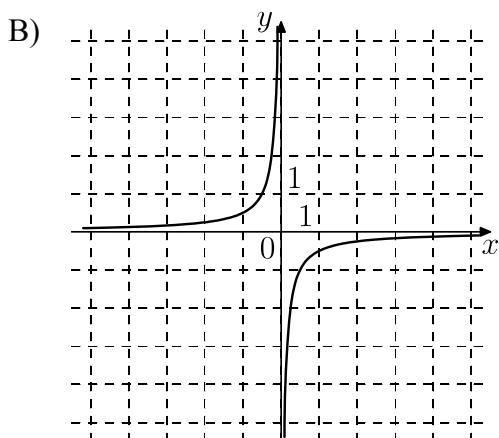
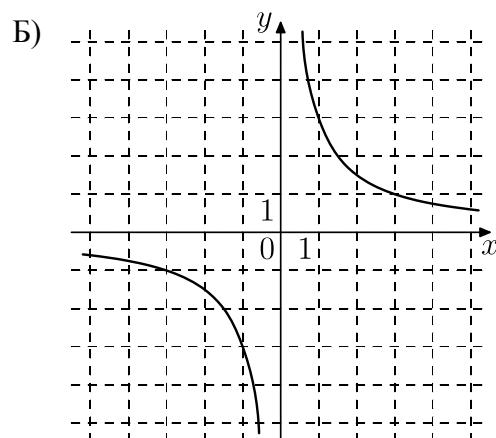
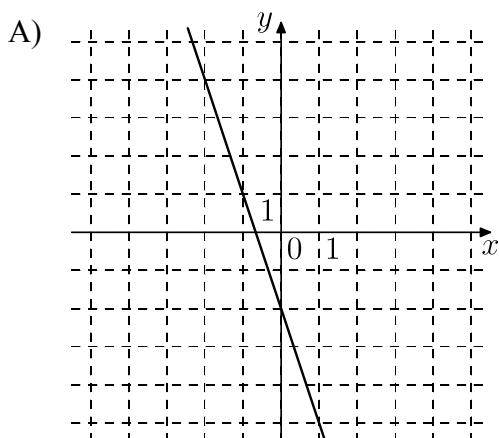
1

## Ответ:

7

Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые задают эти функции.

ГРАФИКИ



ФОРМУЛЫ

- 1)  $f(x) = kx + b$ , где  $k > 0$ ;      2)  $f(x) = kx + b$ , где  $k < 0$ ;  
 3)  $f(x) = \frac{k}{x}$ , где  $k > 0$ ;      4)  $f(x) = \frac{k}{x}$ , где  $k < 0$ .

В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

1

## Ответ:

A	Б	В	Г

8

Найдите значение выражения  $\frac{2x}{x-4} - \frac{2x^2-32}{x^2-8x+16}$  при  $x=3,96$ .

Ответ:

9

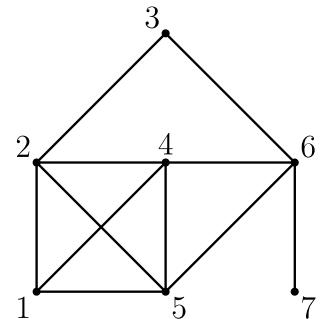
Симметричный игральный кубик бросают два раза. Найдите вероятность того, что оба раза выпадет не более чем 4 очка.

Ответ:

10

На рисунке изображен граф с пронумерованными вершинами. Аня обвела этот график, не отрывая карандаша от листа бумаги и не проводя никакое ребро дважды. В какой вершине Аня начала обводить график, если она закончила его обводить в вершине 7?

Ответ:



11

Боковая сторона равнобедренного треугольника  $ABC$  равна 3, а основание  $AC$  равно 2. В этом треугольнике провели биссектрисы  $AL$  и  $CM$ . Найдите длину отрезка  $LM$ .

Ответ:

12

Расстояние между пунктами А и В по реке равно 11 км. Из А в В одновременно отправились плот и моторная лодка. Моторная лодка, прибыв в пункт В, тотчас повернула обратно. В двух километрах от пункта А лодка прошла мимо плота. Найдите скорость лодки в неподвижной воде, если скорость течения реки равна 3 км/ч.

Решение:

Ответ:

Число  $A$  является суммой квадратов трех последовательных натуральных чисел. Найдите остаток от деления числа  $A$  на 3.

Ответ:

14

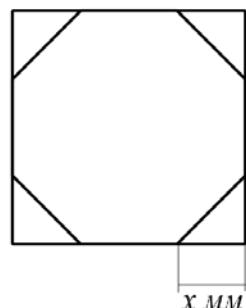
Решите неравенство  $\frac{2x-3}{5} - \frac{4x-7}{15} > \frac{8x-7}{3}$ .

Решение:

Ответ:

15

У стекольщика есть квадратное стекло  $40\text{ см} \times 40\text{ см}$ . Нужно вырезать из этого стекла восьмиугольник, у которого равны все стороны и равны все углы. Для этого нужно наметить линии и отрезать по ним от квадрата четыре одинаковых прямоугольных треугольника по углам (см. рисунок). Найдите приближенно длину катета одного такого треугольника в миллиметрах. Считайте, что  $\sqrt{2} \approx 1,41$ .



Решение:

Ответ:

16

Найдите все значения  $p$ , при каждом из которых уравнение  $(p-1)x^2 - 2x - 1 - p = 0$  имеет единственный корень.

### Решение:



## Ответ:

17

Боковые стороны  $AB$  и  $CD$  трапеции  $ABCD$  равны соответственно 40 и 41, а основание  $BC$  равно 16. Биссектриса угла  $ADC$  проходит через середину стороны  $AB$ . Найдите площадь трапеции.

Решение:



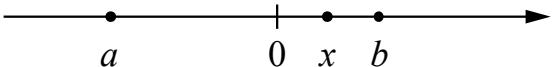
Ответ:

## Система оценивания проверочной работы

### Оценивание отдельных заданий

Номер задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	Итого
Баллы	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	1	1	2	2	2	22

### Ответы

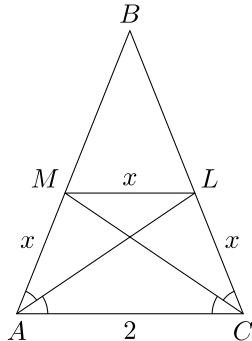
Номер задания	Правильный ответ
1	4
2	-4 и 9
3	3
4	 В качестве верного следует засчитать любой ответ, где точка $x$ лежит между точками 0 и $b$ .
5	BACD
6	126
7	2341
8	200
9	4/9
10	1
13	2

## Решения и указания к оцениванию заданий 11, 12, 14–17

11

Боковая сторона равнобедренного треугольника  $ABC$  равна 3, а основание  $AC$  равно 2. В этом треугольнике провели биссектрисы  $AL$  и  $CM$ . Найдите длину отрезка  $LM$ .

Решение и указания к оцениванию	Баллы
<p>Решение. Треугольники <math>AMC</math> и <math>ALC</math> равны по стороне и двум прилежащим углам. Следовательно, <math>AM = AL</math>. Тогда <math>BM = BL</math>, и треугольник <math>MBL</math> подобен треугольнику <math>ABC</math>, а потому <math>\angle BAC = \angle BML</math>. Следовательно, отрезки <math>ML</math> и <math>AC</math> параллельны, поэтому <math>\angle MLA = \angle MAL</math>. Значит, треугольник <math>AML</math> равнобедренный: <math>ML = AM</math>. Пусть <math>AM = ML = LC = x</math>. Из подобия треугольников <math>MBL</math> и <math>ABC</math> получаем:</p> $\frac{BM}{AB} = \frac{ML}{AC}; \frac{3-x}{3} = \frac{x}{2}, \text{ откуда } x = 1,2.$	
<b>Возможно другое решение.</b>	
Задача решена верно и полностью	2
Решение опирается на подобие треугольников $MBL$ и $ABC$ , но это подобие не доказано	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2



12

Расстояние между пунктами А и В по реке равно 11 км. Из А в В одновременно отправились плот и моторная лодка. Моторная лодка, прибыв в пункт В, тотчас повернула обратно. В двух километрах от пункта А лодка прошла мимо плота. Найдите скорость лодки в неподвижной воде, если скорость течения реки равна 3 км/ч.

Решение и указания к оцениванию	Баллы
<p>Решение. Приняв скорость лодки за <math>x</math> км/ч, составим уравнение</p> $\frac{11}{x+3} + \frac{9}{x-3} = \frac{2}{3},$ <p>откуда</p> $20x - 6 = \frac{2}{3}(x^2 - 9); 20x - 6 = \frac{2}{3}(x^2 - 9); \frac{2}{3}x^2 = 20x.$	
Корни уравнения 0 и 30. Отбрасывая корень 0, получаем, что скорость лодки 30 км/ч.	
Ответ: 30 км/ч.	
<b>Возможно другое решение.</b>	
Задача решена верно и полностью	2
Верно составлено уравнение или последовательность вычислений, но допущена вычислительная ошибка	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

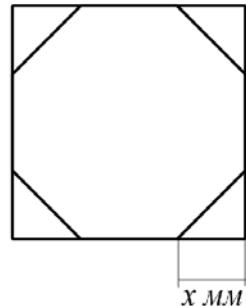
14

Решите неравенство  $\frac{2x-3}{5} - \frac{4x-7}{15} > \frac{8x-7}{3}$ .

Решение и указания к оцениванию	Баллы
Решение.	
$\frac{2x-3}{5} - \frac{4x-7}{15} > \frac{8x-7}{3}; \frac{3(2x-3)-(4x-7)-5(8x-7)}{15} > 0;$ $6x-9-4x+7-40x+35 > 0; 38x < 33; x < \frac{33}{38}.$	
Ответ: $x < \frac{33}{38}$ .	
Задача решена верно и полностью	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	1

15

У стекольщика есть квадратное стекло  $40 \text{ см} \times 40 \text{ см}$ . Нужно вырезать из этого стекла восьмиугольник, у которого равны все стороны и равны все углы. Для этого нужно наметить линии и отрезать по ним от квадрата четыре одинаковых прямоугольных треугольника по углам (см. рисунок). Найдите приближенно длину катета одного такого треугольника в миллиметрах. Считайте, что  $\sqrt{2} \approx 1,41$ .



Указания к оцениванию	Баллы
Решение. Пусть искомый отрезок равен $x$ см. По теореме Пифагора или из соотношений сторон в прямоугольном треугольнике находим, что гипотенуза отрезанного треугольника равна $x\sqrt{2}$ . Поскольку все стороны восьмиугольника равны, получаем уравнение $40 - 2x = x\sqrt{2}$ , откуда	
$x \cdot (2 + \sqrt{2}) = 40; x = \frac{40}{2 + \sqrt{2}} = 20(2 - \sqrt{2}) \text{ (см)}.$	
Подставляя значение 1,41 вместо $\sqrt{2}$ , получаем: $x \approx 20 \cdot 0,59 = 11,8 \text{ (см)},$ то есть катет приближенно равен 118 мм.	
Ответ: 118 мм.	
<b>Возможно другое рассуждение. Если дан более точный ответ (например, 117 мм или 117,3 мм), его следует засчитать как верный.</b>	
Задача решена верно и полностью	2
Проведены нужное рассуждения, катет найден верно. Однако значение не выражено в миллиметрах или при переводе в миллиметры допущена вычислительная ошибка	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

16

Найдите все значения  $p$ , при каждом из которых уравнение  $(p-1)x^2 - 2x - 1 - p = 0$  имеет единственный корень.

<b>Решение и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Решение. Если $p=1$ , то уравнение принимает вид $-2x - 2 = 0$ и имеет единственный корень $-1$ .	
Если $p \neq 1$ , то уравнение является квадратным и имеет корни $-1$ и $\frac{p+1}{p-1}$ . Чтобы оно имело единственный корень, нужно, чтобы эти числа совпали. Получаем уравнение	
$\frac{p+1}{p-1} = -1, \text{ откуда } p+1 = 1-p, \text{ и, значит, } p = 0.$	
Ответ: 0 и 1.	
<b>Возможно другое рассуждение.</b>	
Задача решена верно и полностью	2
Верно найдено только одно из значений	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

17

Боковые стороны  $AB$  и  $CD$  трапеции  $ABCD$  равны соответственно 40 и 41, а основание  $BC$  равно 16. Биссектриса угла  $ADC$  проходит через середину стороны  $AB$ . Найдите площадь трапеции.

Указания к оцениванию		Баллы
Решение. Пусть биссектриса угла $ADC$ пересекает сторону $AB$ в ее середине $M$ , а луч $CB$ – в точке $E$ вне трапеции.		
$\angle CED = \angle ADE = \angle CDE$ , поэтому треугольник $ECD$ равнобедренный: $EC = CD = 41$ . Значит, $EB = 25$ . Треугольники $EBM$ и $DAM$ равны по стороне и двум прилежащим углам, поэтому $AD = 25$ .		
Проведем отрезок $CF$ к стороне $AD$ параллельно прямой $AB$ . Получается треугольник $CFD$ , причем		
$FD = AD - AF = AD - BC = 25 - 16 = 9$ , а $CF = AB = 40$ .		
По теореме, обратной теореме Пифагора, треугольник $CFD$ прямоугольный: $40^2 + 9^2 = 41^2$ . Таким образом, отрезок $CF$ является высотой трапеции. Значит, ее площадь равна		
$\frac{AD+BC}{2} \cdot CF = \frac{25+16}{2} \cdot 40 = 820.$		
Ответ: 820.		
Имеется полное и верное решение	2	
Найдено большее основание трапеции, дальнейшие продвижения отсутствуют, либо ошибочны	1	
Решение неверно или отсутствует	0	
<i>Максимальный балл</i>	2	

### Система оценивания выполнения всей работы

Максимальный первичный балл за выполнение работы — 22.

*Рекомендуемая таблица перевода баллов в отметки по пятибалльной шкале*

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0–4	5–10	11–15	16–22